

## Jordanovi homomorfizmi i derivacije

Aditivno preslikavanje  $f$  s prstena  $R$  u prsten  $R'$  se naziva homomorfizam ako je  $f(ab) = f(a)f(b)$  za sve  $a, b \in R$ , antihomomorfizam ako je  $f(ab) = f(b)f(a)$  za sve  $a, b \in R$ , a Jordanov homomorfizam ako je  $f(a^2) = f(a)^2$  za sve  $a \in R$ . Aditivno preslikavanje  $f: R \rightarrow R$  se naziva derivacija ako je  $f(ab) = f(a)b + af(b)$  za sve  $a, b \in R$ , a Jordanova derivacija ako je  $f(a^2) = f(a)a + af(a)$  za sve  $a \in R$ . Očigledno je svaki (anti)homomorfizam ujedno i Jordanov homomorfizam, a svaka derivacija ujedno i Jordanova derivacija. Obrati ovih tvrdnji su u posljednjih pedesetak godina bili predmetom proučavanja mnogih matematičara i općenito ne vrijede. Zadatak ovog diplomskog rada je opisati strukturu Jordanovih homomorfizama i Jordanovih derivacija u nekim posebnim slučajevima.

Preduvjet: Kolegiji *Algebra 1 i 2* ili *Algebarske strukture*.